

四川大学

2003 年攻读硕士学位研究生入学考试试题

考试科目：信号与系统

科目代号：461#

适用专业：通信与信息系统、信号与信息处理

(试题共 4 页)

(答案必须写在试卷上, 写在试题上不给分)

说明:

1. $\delta_T(t)$ 表周期为 T 的周期性单位冲激信号; $Au(t-t_0)$ 表在 t_0 处阶跃幅度为 A 的阶跃信号。

2. $AG_\tau(t) = A[u(t+\frac{\tau}{2}) - u(t-\frac{\tau}{2})]$ 表幅度为 A , 宽度为 τ , 中心位于原点的矩形脉冲信号。

3. $\text{Sa}(x) = \frac{\sin x}{x}$ 。

4. 符号 “ \cdot ” 表乘积; 符号 “ $*$ ” 表线性卷积。

一. 完成下列运算 (每小题 5 分, 共 25 分)

1. 求 $s(t) = \int_0^\infty e^{-t} \delta(-3t+1) dt$;

2. 已知 $s(t) = t[u(t+1) - u(t-1)]$, 画出 $s'(t)$ 和 $s(-0.5t+2)$ 的波形;

3. 求 $s(n) = u(n+3) * 4^n u(-n)$;

4. 已知 $y(t) = s_1(t) * s_2(t)$, 证明 $s_1(\frac{1}{4}t) * s_2(\frac{1}{4}t) = c_1 y(c_2 t)$, 并求出常数 c_1 和 c_2 。

5. 求 $\int_{-\infty}^\infty \frac{2}{2+jt} dt$ 。

21

二. 求下列信号的频谱密度或时间函数 (每小题 5 分, 共 25 分)

1. 已知 $s(t)$ 的频谱为 $S(j\omega) = \frac{j\omega}{(j\omega - 2)(j\omega + 3)}$, 求 $s(t)$;

2. 求 $s(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} (-1)^k \delta(t - 5k)$ 的频谱;

3. 求 $s(t) = \frac{\sin 3t}{t} \cos 100t$ 的频谱, 并画出其频谱图。

4. 求 $s(t) = t[u(t) - u(t - 4)]$ 的频谱;

5. 已知因果信号 $g(t)$ 的频谱为 $G(j\omega)$, 求 $s(t) = \int_0^{\infty} g(t - \tau - 2) d\tau$ 的频谱。

三. 求下列变换 (任选五个小题, 每小题 6 分, 共 30 分)

1. 求 $s(t) = 3S_a(200t - \pi) \cdot \sum_{k=-\infty}^{\infty} \delta(t - \frac{\pi}{200}k)$ 的希尔伯特变换;

2. 求 $s(t) = \sum_{k=0}^{\infty} g(t - 3k)$ 的拉普拉斯变换, 其中 $g(t) = \sin \frac{\pi t}{2}, 0 \leq t \leq 2$;

3. 求 $s(n) = n$ (其中 $n \leq -1$) 的 z 变换;

4. 已知因果信号 $s(t)$ 的拉普拉斯变换 $F(s)$ 有两个一阶零点 $s = 2 \pm j$ 和三个一阶极点 $s = 1 \pm j, s = 2$, 且 $s(t)|_{t=0} = \frac{1}{2}$, 求 $s(t)$ 。

5. 求 $s(n) = \sum_{n=-\infty}^5 (\frac{1}{3})^{n-3} u(n-3)$, $0 \leq n \leq 3$ 的 DFT;

6. 已知 $s(n)$ 的 z 变换 $F(z) = \frac{z^2}{(z-1)(z-3)}, 1 < |z| < 3$, 求 $s(n)$;

四. 求解下列各题 (任选四个小题, 每小题 5.5 分, 共计 22 分)

1. 已知低频信号 $s_1(t)$ 的频率范围为 $|\omega| \leq \omega_m$, 求 $s_2(t) = s_1(\frac{1}{4}t) * s_1(t)$ 和 $s_3(t) = s_1(2t) \cdot \cos \omega_0 t$ (其中 $\omega_0 \geq 2\omega_m$) 的最大不失真抽样间隔。

2. 已知因果线性时不变系统的传输函数 $H(z) = \frac{1}{z+0.5}$, 求输入 $s(n) = 3 \cos(0.1n - \frac{\pi}{4})$ 时的零状态响应。

3. 假设 $s(t) = A \cos(\omega_0 t + \theta)$, θ 为在 $(-\pi, \pi)$ 区间内均匀分布的随机变量, 试计算信号 $s(t)$ 的自相关函数。

4. 假设连续线性时不变系统输入 $f(t)$ 与输出 $y(t)$ 满足 $y(t) = \int_0^\infty s(\tau) f'(t-\tau) d\tau$ (其中 $s(t) = e^{-0.5t} u(t)$) 时, 求系统的单位冲激响应 $h(t)$ 。

5. 已知信号 $s_1(t)$ 的频谱为 $F_1(j\omega) \begin{cases} \neq 0, & \text{当 } |\omega| \leq \omega_m \text{ 时} \\ = 0, & \text{当 } |\omega| > \omega_m \text{ 时} \end{cases}$, $s_2(t)$ 的频谱 $F_2(j\omega)$ 当 $|\omega| \leq \omega_m$ 时为 0, 且 $F_2(j\omega) = \begin{cases} F_1[j(\omega - \omega_m)], & \text{当 } \omega \geq 0 \text{ 时} \\ F_1[j(\omega + \omega_m)], & \text{当 } \omega < 0 \text{ 时} \end{cases}$, 试设计一系统从 $s_2(t)$

中恢复得到 $s_1(t)$ 。

五. (任选 4 个小题, 每小题 6 分, 共 24 分)

一离散线性时不变系统的单位样值响应 $h(n)$ 为:

$$h[n] = 3^n u[-n] + 2^n u[n-1]$$

求:

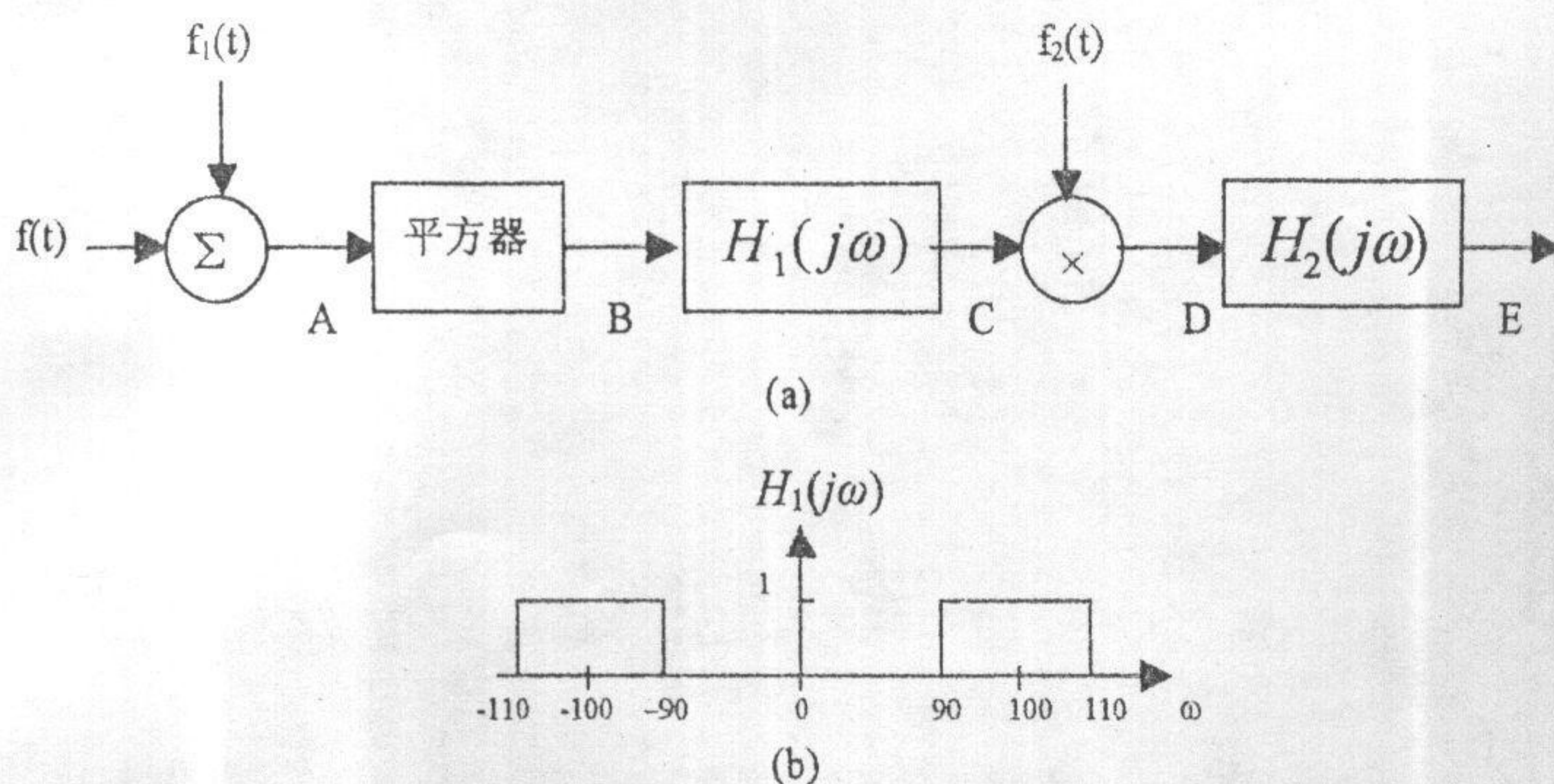
1. 系统函数 $H(z)$ 并画出其收敛域;

2. 频率特性 $H(e^{j\omega})$;



3. 判定系统的稳定性和物理可实现性;
4. 输入 $s(n) = 2^n u(n)$ 时系统的零状态响应;
5. 画出系统的模拟结构图。

六. (4 个小题, 共 24 分)



有一系统如上图(a)所示, 其中 $f(t) = \text{Sa}(10t)$, $f_1(t) = \cos(100t)$, $H_1(j\omega)$ 如图(b)所示、 $f_2(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} G_{\frac{T}{2}}(t-kT) - \sum_{k=-\infty}^{\infty} G_{\frac{T}{2}}(t-\frac{T}{2}-kT)$, $T = \frac{\pi}{50}$, 求:

1. B 点处信号表达式 (或图形); (5 分)
2. C 点处信号波形和频谱图; (6 分)
3. D 点处信号表达式 (或图形); (5 分)
4. 是否存在一滤波器 $H_2(j\omega)$ 使 E 点处信号等于 $f(t)$; 如果存在的话请设计该滤波器, 如果不存在, 请说明理由。 (8 分)