

四川大学

2005 年攻读硕士学位研究生入学考试试题

考试科目：电磁场与微波技术

科目代码：450

适用专业：电磁场与微波技术

(试题共 4 页)

(答案必须写在答题纸上，写在试题上不给分)

可能用到的物理常数：真空中的介电常数： $8.85 \times 10^{-12} \text{ F/m}$ ，真空中的磁导率： $4\pi \times 10^{-7} \text{ H/m}$ ，一个电子的电量： $1.60 \times 10^{-19} \text{ C}$

一、填空题（每空 2 分，共 40 分）

1. 处于静电平衡的导体，电荷分布在导体的_____。
2. 静电场的保守性指的是：_____。
3. 同轴线中传输的主模是_____，矩形波导中传输的主模是_____，圆波导中传输的主模是_____，微带线上传输的主模是_____。
4. 根据基本电路理论，滤波器可以大致分为四大类，即低通、高通、_____和_____。
5. 三个线圈中心在一条直线上，相隔的距离很近，如何放置可使它们之间的互感系数为零？_____。
6. 对于一个可逆、对称的二端口网络，其散射矩阵各参数之间应满足的条件有_____和_____。
7. 在一个带正电的大导体附近 P 点放置一个试探点电荷 q_0 ($q_0 > 0$)，实际测得它受力 F 。若考虑到电荷量 q_0 不是足够小的，则 F/q_0 比 P 点的实际场强 E _____。
8. 架空无损耗双线传输线由 75MHz 的电源馈电，若终端电压为 100V，测得此传输线的特性阻抗为 300Ω ，试问其单位长度的电感为_____；单位长度的电容为_____。
9. 电磁波的电场为 \vec{E} ，磁场为 \vec{H} ，则电磁波能流密度的矢量表达式为_____。
10. 对于电介质材料而言，其线性指的是：_____；均匀指的是_____。

11. Maxwell 提出了_____的假设，从而完善了安培环路定律，在此基础上预言了电磁波的存在。

12. 根据衰减器的工作原理，衰减器可分为吸收衰减器、_____衰减器和_____衰减器。

二、选择题（每题 3 分，共 30 分）

1. 下列微波器件属于连接元件的有 ()
 A. 阻抗调配器 B. 定向耦合器 C. 同轴一波导转换器 D. 谐振器
2. 有一微波器件，其散射矩阵如式中所示，则可以判断该器件为 ()
 A. 滤波器
 B. 魔 T (匹配双 T)
 C. 定向耦合器
 D. 衰减器

$$[S] = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
3. 有一些互相绝缘的不带电导体 A、B、C、……，它们的电势都是零。现在使其中一个导体 A 带正电，则下列说法正确的是 ()
 A. 所有这些导体的电势都低于零
 B. 所有这些导体的电势都等于零
 C. 所有这些导体的电势都高于零
 D. 无法确定
4. 考虑平板电容器的边缘场，那么其电容比不考虑边缘场时的电容 ()
 A. 变大 B. 变小 C. 不变 D. 不确定
5. 有一平面波，其电场强度为 $E = E_0 \sin(\omega t - kz) \bar{a}_x + E_0 \cos(\omega t - kz) \bar{a}_y$ ，则该平面波为哪一类极化波？()
 A. 左旋圆极化波 B. 右旋圆极化波
 C. 左旋椭圆极化波 D. 右旋椭圆极化波
6. 关于元电辐射体的辐射场，下列说法不正确的是 ()
 A. 远区场只有 E_θ 分量和 H_ϕ 分量
 B. 远区场为球面波
 C. 远区场的磁场与电场之比为自由空间的波阻抗
 D. 方向性系数为 1.5

7. 下列微波器件中，不能用于阻抗调配的元件是（ ）
 A. 分支阻抗调配器 B. 螺钉 C. $\lambda/4$ 传输线 D. 匹配负载
8. 同轴线的单模传输条件为（ ）
 A. $\lambda < 2a$ B. $\lambda > \pi(a+b)$ C. $(\lambda/2\pi)\ln(b/a)$ D. $2\pi\lambda/\ln(b/a)$
9. 特性阻抗为 $Z_{01}=150\Omega$ 的无耗传输线通过特性阻抗为 Z_0 、长度为 $\lambda/4$ 的无耗线与 250Ω 的电阻负载连接，如果使无耗传输线上为行波传输，则 Z_0 应为
 A. 100Ω B. 180Ω C. 200Ω D. 193.6Ω
10. 有两个矩形空气谐振腔，工作模式都是 TE_{101} ，谐振波长分别为 $\lambda_0 = 3cm$ 和 $\lambda_0 = 10cm$ 。试问哪一个波长所需的空腔尺寸大？（ ）
 A. $\lambda_0 = 3cm$ B. $\lambda_0 = 10cm$ C. 一样大 D. 无法判定

三、简答题（每小题 5 分，共 25 分）

1. 请写出 Maxwell 方程的微分形式及各场量之间的本构方程
 2. 有带电为 q 的球体，附近有一块介电常数为 ϵ 的介质，如图 1 所示。请问下列公式成立否？并说明理由。

$$\oint_{S_1} \mathbf{D} \cdot d\mathbf{S} = q \quad (1)$$

$$\oint_{S_2} \mathbf{D} \cdot d\mathbf{S} = q \quad (2)$$

$$\oint_{S_3} \mathbf{D} \cdot d\mathbf{S} = q \quad (3)$$

$$\mathbf{D} = \frac{q}{4\pi r^2} \hat{\mathbf{a}}_r \quad (4)$$

$$\oint_{S_1} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S} = \frac{q}{\epsilon_0} \quad (5)$$

$$\oint_{S_2} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S} = \frac{q}{\epsilon_0} \quad (6)$$

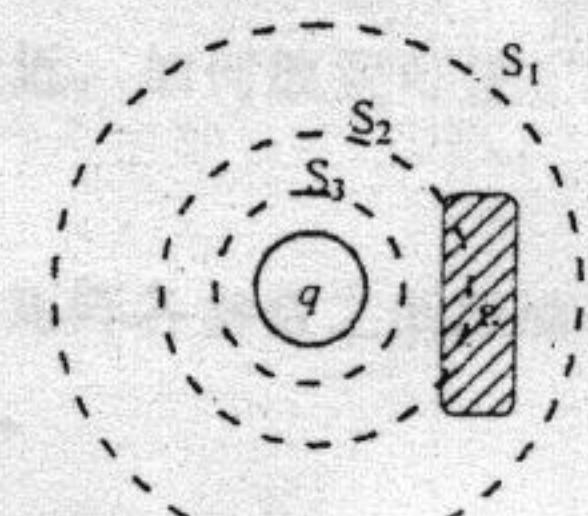


图 1 三、2 题图

3. 请问矩形波导能不能传输 TEM 模，为什么？
 4. 两导体上分别带有电荷量 $2q$ 和 $-q$, $q > 0$ ，它们都处在一个封闭的金属壳内。试论证：电荷量为 $2q$ 的导体其电势高于金属壳的电势。
 5. 求如图 2 所示电路的散射矩阵，其中 Z_0 为特性阻抗， θ 为电长度。

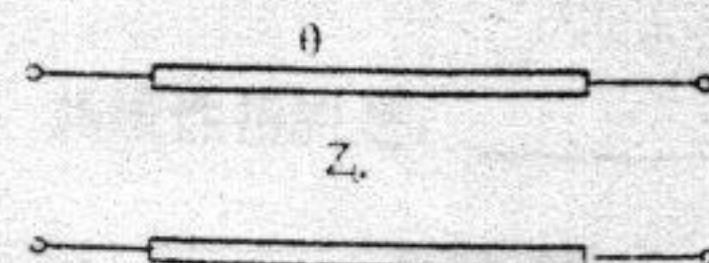


图 2 三、5 题图

四、计算题 (共 55 分)

1. 如图 3 所示, 两根平行长直线间距为 $2a$, 一端用半圆形线连起来。全线上均匀带电, 试证明在圆心 O 处的电场强度为零。(10 分)

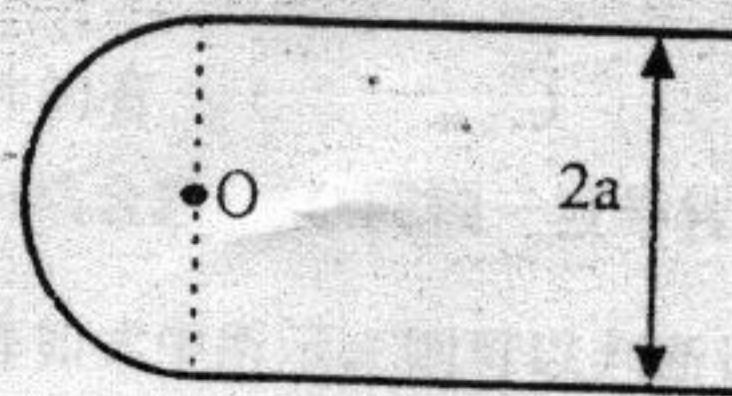


图 3 (四、1 题图)

2. 自由空间中均匀平面波的电场强度已知为 $E = 94.25 \cos(\omega t + 6z)\hat{a}_x \text{ V/m}$, 求 (10 分)

- (1) 传播速度;
- (2) 波的频率;
- (3) 波长;
- (4) 磁场强度;
- (5) 平均功率密度

3. 一无损耗 T 型接头功分器, 具有的源阻抗为 50Ω 。求使得输入功率被分成 2:1 功率比的输出特性阻抗, 并计算从输出端口看到的反射系数。(10 分)

4. 矩形波导的横截面尺寸为 $a=22.86\text{mm}$, $b=10.16\text{mm}$, 将自由空间波长为 2cm 、 3cm 和 5cm 的信号接入此波导, 问能否传输? 若能传输, 出现哪些波型? (10 分)

5. 半径分别为 R_1 和 R_2 ($R_1 < R_2$) 的两个同心球面都均匀带电, 已知大球面上电荷量的面密度为 σ , 大球面以外的电场强度为零。试求: (15 分)

- 1) 小球面上电荷量的面密度;
- 2) 两球面间离球心为 r 处的电场强度 E ;
- 3) 小球面内的电场强度 E ;