

浙江工商大学 2009 年硕士研究生入学考试卷 (B) 卷

招生专业: 管理科学与工程

考试科目: 830 运筹学

总分: 150 分

考试时间: 3 小时

一. 填空题 (每空 2 分, 共 30 分)

1. 求解含有人工变量的线性规划问题, 可采用的解法有_____和_____。
2. 线性规划问题退化问题出现的原因是模型中存在_____约束条件, 使多个基可行解对应_____顶点。
3. 极大化问题任一可行解的目标函数值是其对偶问题目标函数值的_____。
4. 在用表上作业法求解运输问题时常用_____和_____来检验解的最优性。
5. 目标规划的目标函数由各目标约束的_____变量及相应的_____和权值构成。
6. 0-1 规划问题我们常用_____法求解。
7. 整数规划的可行域是其松弛问题可行域的_____。整数规划最优值一般_____其松弛问题的最优值。
8. 动态规划问题的理论依据是 R Bellman 等人提出的_____原理, 利用这个原理, 将一个多阶段决策问题求解过程表示成一个_____的过程。
9. 任何图中次为奇数的顶点个数必为_____。

二. 计算题 (60 分)

1. 已知线性规划的数学模型为: (12 分)

$$\begin{aligned} \max Z &= 3x_1 + 4x_2 + 5x_3 \\ \text{s.t.} \quad &\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 \leq 10 \\ 2x_1 - x_2 + 3x_3 \leq 5 \\ x_i \geq 0, (i = 1, 2, 3) \end{cases} \end{aligned}$$

- (1) 用单纯形法求该模型的最优解, 并写出最优基 B 和 B^{-1} ;
- (2) 当价值系数由 $\begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 5 \end{pmatrix}$ 变为 $\begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$ 时上述最优解的变化。

2. 已知线性规划问题的数学模型为: (10 分)

$$\begin{aligned} \max Z &= 2x_1 + x_2 + 5x_3 + 6x_4 \\ \text{s.t.} \quad &\begin{cases} 2x_1 + x_3 + x_4 \leq 8 \\ 2x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 \leq 12 \\ x_i \geq 0, (i = 1, 2, 3, 4) \end{cases} \end{aligned}$$

- (1) 写出其对偶问题;
- (2) 已知其对偶问题最优解为 $Y^* = (4, 1)$, 试用对偶理论求原问题的最优解和最优值。

答案写在答题纸上

第 1 页 (共 3 页)

3. 试求解下列规划问题的解。(8分)

$$\begin{aligned} \max Z &= 2x_1 - 2x_2 + 3x_3 \\ \text{s.t.} \quad &\begin{cases} -2x_1 + x_2 + 3x_3 \leq 5 \\ x_1 + 2x_2 - x_3 \leq 2 \\ 2x_1 + 7x_2 - x_3 \geq 3 \\ x_i = 0 \text{ 或 } 1, (i = 1, 2, 3) \end{cases} \end{aligned}$$

4. 求解下列系数矩阵的最小化指派问题(10分)

$$\begin{pmatrix} 7 & 9 & 10 & 12 \\ 13 & 12 & 16 & 17 \\ 15 & 16 & 14 & 15 \\ 11 & 12 & 15 & 16 \end{pmatrix}$$

5. 用动态规划求下列问题(10分)

$$\begin{aligned} \max Z &= -3x_1^2 - 2x_2^2 + 6x_1 + 4x_2 \\ \text{s.t.} \quad &\begin{cases} x_1 + x_2 \leq 3 \\ x_1, x_2 \geq 0, \text{ 且为整数} \end{cases} \end{aligned}$$

6. 下表给出某运输问题及它的一个可行解, 请问:(10分)

- (1) 表中给出的解是否为最优解? 请用对偶变量法(位势法)进行检验。
- (2) 若价值系数 C_{21} 由 1 变为 3, 所给的解是否仍为最优解? 若不是请求出最优解。
- (3) 若所有价值系数均增加 3, 最优解是否改变? 为什么?
- (4) 写出该运输问题的对偶问题, 并给出其对偶问题的最优解。

	B_1	B_2	B_3	B_4	产量
A_1	4	1	4	6	8
A_2	1	2	6	1	10
A_3	3	7	5	1	4
销量	8	5	6	3	22

答案写在答题纸上

第 2 页 (共 3 页)

三. 应用题 ((必须写出解题步骤, 否则不给分. 共 50 分))

1. 某厂组装三种产品, 有关数据如下表所示. (20 分)

产品	单件组装工时 (h)	日销量 (件)	产值 (元/件)	日装配能力 (h)
A	1.1	70	40	300
B	1.3	60	60	
C	1.5	80	80	

要求确定两种产品的日生产计划, 并满足:

(1) 工厂希望装配线尽量不超负荷生产;

(2) 每日剩余产品尽可能少;

(3) 日产值尽可能达到 6000 元;

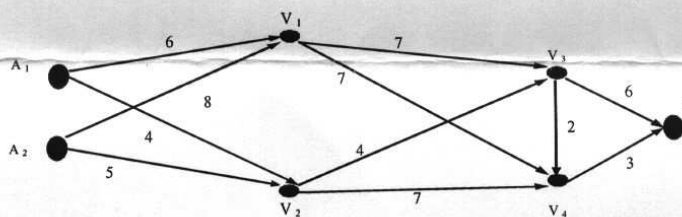
(4) A 产品产量尽可能高于 B 产品的产量.

试建立该目标规划问题的数学模型 (不需要求解)。

2. 已知某物流公司在 v_1 地, 该城市与其它四个城市间距离如表所示, 求从 v_1 出发, 经其余城市一次且仅一次最后返回 v_1 的最短路径与距离. (15 分)

$v_i \backslash v_j$	1	2	3	4	5
1	0	10	20	30	40
2	12	0	18	30	25
3	23	9	0	5	10
4	34	32	4	0	8
5	45	27	11	10	0

3. 汶川地震物资调运部门计划向某重灾区 C 调拨一批紧急救援物资, 试确定从哪个仓库调拨物资, 距离最短 (假设仓库 A_1 或 A_2 物资是充分的), 最短路径是多少. (15 分)



四. 证明题 (10 分)

已知线性规划问题的数学模型为:

$$\begin{aligned} \max Z &= x_1 + x_2 \\ \text{s.t.} \quad &\begin{cases} -x_1 + x_2 + x_3 \leq 2 \\ -2x_1 + x_2 - x_3 \leq 1 \\ x_i \geq 0, (i=1, 2, 3) \end{cases} \end{aligned}$$

试用对偶理论证明上述线性规划问题无最优解。

答案写在答题纸上

第 3 页 (共 3 页)