

## 浙江大学

## 二〇〇五年攻读硕士学位研究生入学考试试题

考试科目 信号系统与数字电路 编号 449**注意：答案必须写在答题纸上，写在试卷或草稿纸上均无效。****一.选择题(四选一,每题 2 分,共计 30 分)**

1. 已知双边 Z 变换  $X(z) = \frac{z}{z-0.5} - \frac{z}{z-2}$  的收敛域为  $0.5 < |z| < 2$ , 其原序列  $x[n]$  为  
 A.  $(0.5^n - 2^n)u[n]$ ; B.  $(2^n - 0.5^n)u[-n-1]$ ; C.  $0.5^n u[n] + 2^n u[-n-1]$ ; D.  $0.5^n u[n] - 2^n u[-n-1]$  ( )
2. 一个常系数微分方程或差分方程所描述的系统一定是 ( )  
 A. 因果的, B. 稳定的, C. LTI, D. 不能确定
3. 如果  $X(e^{j\omega}) = j \sin \omega \cos 5\omega$ , 它对应的时域信号是:  
 A. 实, 偶, B. 实奇, C. 虚, 奇, D. 实, 奇 ( )
4. 有一个 DT 系统, 输入和输出的关系是  $y[n] = x[n]x[n-3]$ , 该系统是:  
 A. 记忆系统 B. 可逆系统 C. 非因果系统 D. 线性系统 ( )
5. 已知离散 LTI 系统的单位样值(脉冲)响应为  $h[n] = (\frac{1}{3})^n u[n]$ , 则该系统为:  
 A. 因果稳定 B. 非因果稳定 C. 因果不稳定 D. 非因果不稳定 ( )
6. LTI 系统对周期信号的响应 ( )  
 A. 一定是周期的; B. 一定是非周期的;  
 C. 不能确定是周期的; D. 会产生新的频率分量
7.  $x[n+3]\delta[n-2]$  的正确结果为: ( )  
 A.  $x[5]\delta[n-2]$ ; B.  $x[1]\delta[n-2]$ ; C.  $x[n+1]$ ; D.  $x[n+5]$
8.  $x[n] = \sin \omega_0 n$ , 当  $\omega_0$  为下列何值时,  $x[n]$  是周期序列 ( )  
 A.  $\omega_0 = 1$  B.  $\omega_0 = \frac{1}{\pi}$   
 C.  $\omega_0 = \frac{4\pi}{3}$  时, 且  $x[n]$  的周期为 3 D.  $\omega_0 = \frac{4\pi}{3}$  时, 且  $x[n]$  的周期为  $\frac{3}{2}$
9. 一离散时间 LTI 系统的系统函数只具有两个极点, 分别为  $p_1 = \frac{1}{2}$  以及  $p_2 = \frac{1}{3}$ , 当输入信号为  $x[n] = (4^{-n} + 5^{-n})u[n]$  时, 零状态响应为  $(k_1 2^{-n} + k_2 3^{-n} + k_3 4^{-n} + k_4 5^{-n})u[n]$ , 则强迫响应为 ( )  
 A.  $(k_1 2^{-n} + k_2 3^{-n})u[n]$  B.  $(k_2 3^{-n} + k_3 4^{-n})u[n]$   
 C.  $(k_3 4^{-n} + k_4 5^{-n})u[n]$  D.  $(k_1 2^{-n} + k_2 3^{-n} + k_3 4^{-n} + k_4 5^{-n})u[n]$
10. 若  $x[n] \xleftarrow{DTFT} H(e^{j\omega}) = e^{j2\omega} + e^{j\omega} + 1 + e^{-j\omega}$ , 则 ( )

A.  $x[n] = u[n+2] - u[n-2]$       B.  $x[n] = u[n+2] - u[n-1]$

C.  $x[n] = u[n+2] + u[n-2]$       D.  $x[n] = u[n+2] + u[n-1]$

11. 信号  $x_1(t)$  与  $x_2(t)$  为带限信号, 且  $x_1(t)$  的  $\omega_M = 50\pi$ ,  $x_2(t)$  的  $\omega_M = 100\pi$ , 则信号  $x(t) = x_1(t)x_2(t)$  的奈奎斯特抽样频率  $\omega_s$  为

A.  $300\pi$       B.  $200\pi$       C.  $150\pi$       D.  $100\pi$

12. 若  $X(z)$  的收敛域为  $0.5 < |z| < 2$ , 则下列那个点不可能是其极点

A.  $z = e^{\frac{j\pi}{3}}$       B.  $z = 2e^{-j\frac{\pi}{4}}$       C.  $z = 0.5e^{j\frac{\pi}{4}}$       D.  $z = 3$

13. 一连续时间 LTI 系统的单位脉冲响应为  $h(t) = e^t u(t-1)$ , 则该系统是

- A. 稳定且因果    B. 稳定但非因果    C. 因果但不稳定    D. 非因果且不稳定

14. 某双边序列的 ZT 为  $X(z) = \frac{z-1}{(z+0.5)(z-2)}$ , 则其收敛域为

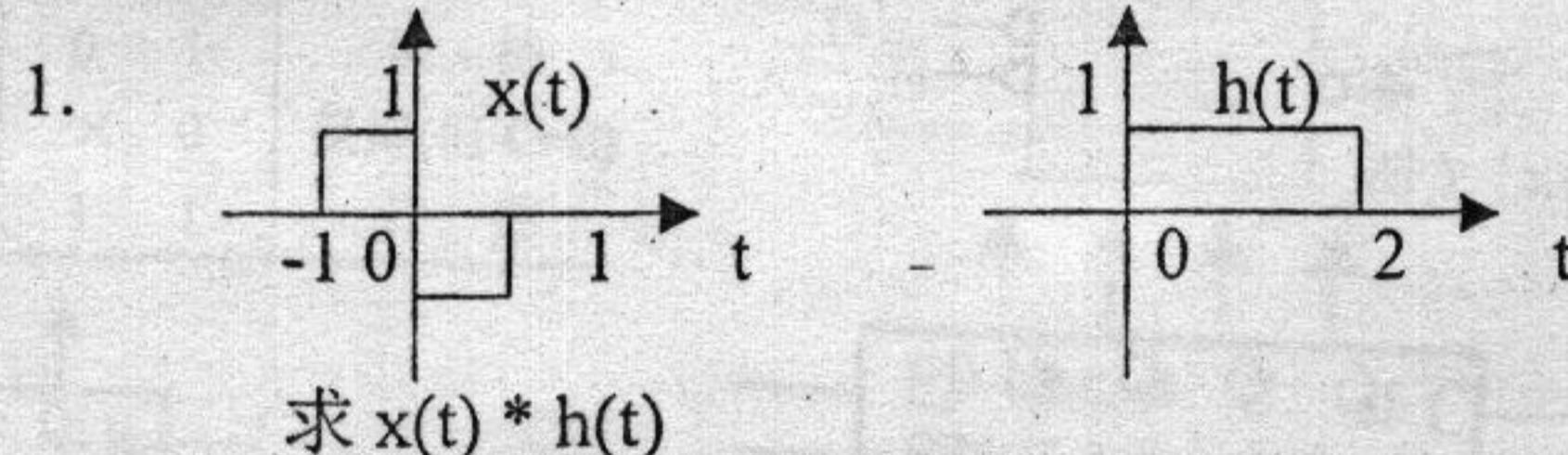
A.  $|z| < 0.5$     B.  $1 < |z| < 2$     C.  $0.5 < |z| < 1$     D.  $0.5 < |z| < 2$

15. 若  $H(z) = \frac{z+1}{z^2 + 3z + 2}$ , 则输入输出关系的差分方程为

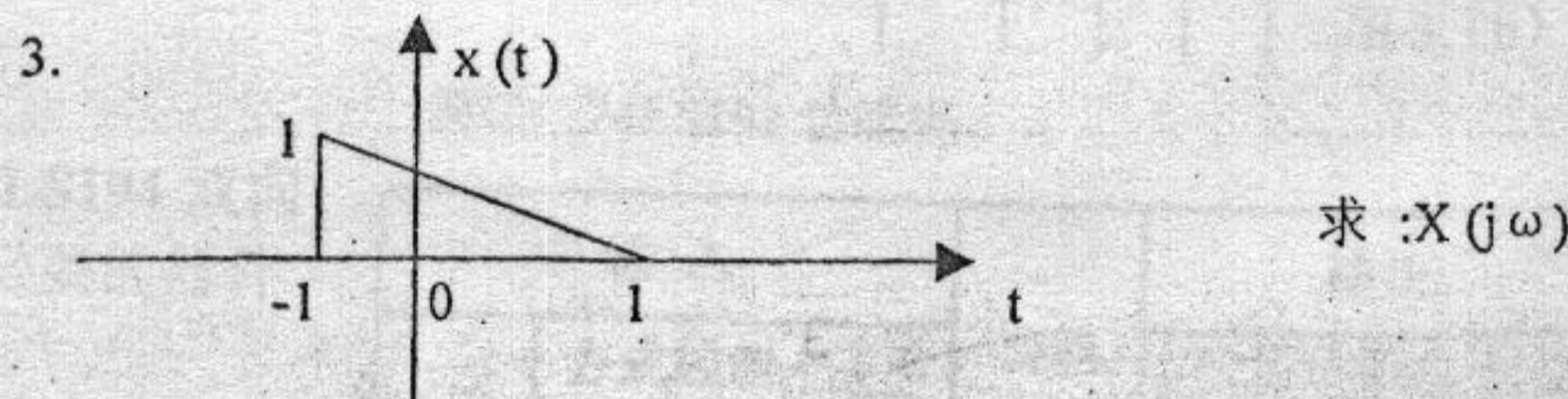
A.  $y[n+2] + 3y[n+1] + 2y[n] = x[n+1] + x[n]$     B.  $y[n+1] - y[n] = x[n]$

C.  $y[n+2] - 3y[n+1] - 2y[n] = x[n+1] - x[n]$     D.  $y[n+1] + y[n] = x[n]$

## 二. 计算题(每题 5 分, 共计 15 分)



2. LTI 系统的  $H(j\omega) = \frac{1-j\omega}{1+j\omega}$ , 激励  $x(t) = \cos(t)$ , 求系统输出  $y(t)$



三. 某离散因果系统的差分方程为:

$$y[n] + 0.2y[n-1] - 0.24y[n-2] = x[n] - x[n-1]$$

1. 求出系统函数  $H(z)$  和  $h[n]$
2. 写出  $H(z)$  的收敛域并判定系统的稳定性
3. 求出若输入激励  $x[n] = 14 \cos(\pi n)$  时的响应  $y[n]$

四、因果的 LTI 系统的系统函数为  $H(s) = \frac{s+3}{s^2 + ks + 2}$ , 其中  $k$  为常数, 且当输入信号为

$$x(t) = e^{3t} \text{ 时, 系统的输出为 } y(t) = \frac{3e^{3t}}{10}; \quad (10 \text{ 分})$$

1. 确定系统函数  $H(s)$ , 画出  $H(s)$  的零极图, 并指出收敛域;

2. 写出系统的微分方程, 并画出直接 II 型的结构框图;

若输入信号为  $x(t) = e^{-3t}u(t)$ , 并有起始条件为  $y(0_-) = 1, y'(0_-) = 2$ ,

试求零输入响应  $y_{zi}(t)$  以及零状态响应  $y_{zs}(t)$ 。

五、已知某 LTI 离散因果系统, 在零状态时, 输入  $x[n] = (\frac{1}{3})^n U[n]$ , 输出为

$$y[n] = 3(\frac{1}{2})^n U[n] - 2(\frac{1}{3})^n U[n], \quad (10 \text{ 分})$$

求: 1. 系统的频率响应

2. 系统对输入  $x[n] = (\frac{1}{4})^n (U[n] - U[n-4])$  的响应

六、用代数法证明: (共 12 分, 每小题 4 分)

$$1. x_1 x_2 \oplus \overline{x_1} x_3 = x_1 x_2 + \overline{x_1} x_3$$

$$2. \text{若 } x_1 + x_2 = 1, \text{ 则有 } x_1 \oplus x_2 = \overline{x_1 x_2}$$

$$3. \text{若 } x_1 x_2 = 0, \text{ 则有 } x_1 \oplus x_2 = x_1 + x_2$$

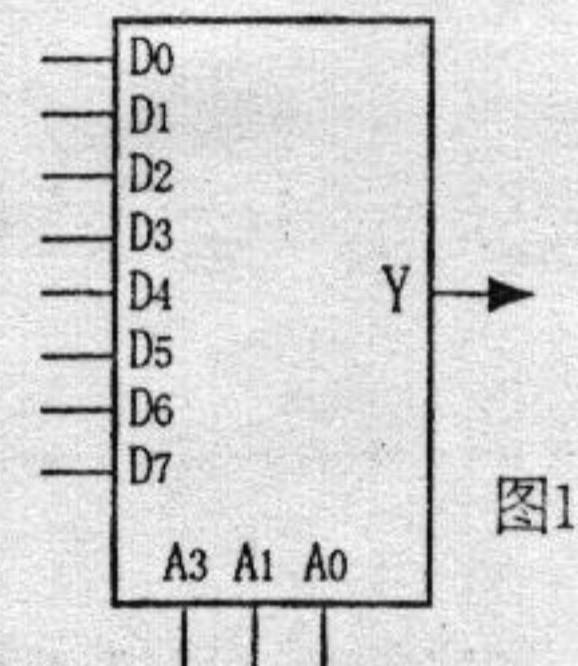


图1

七、有函数:  $F_1(A, B, C, D) = ABC\overline{D} + B\overline{C}D + \overline{A}\overline{B}D + A\overline{B}\overline{C}D + \overline{A}D$ ,  
 $F_2(A, B, C, D) = CD + ABCD + BD + ACD + BCD$ ,

试求函数  $F_3(A, B, C, D) = F_1 \oplus F_2$  的最简与/或表达式, 并用图 1 所示的 8 选 1 数据选择器实现函数  $F_3$  (可用反相器)。(16 分)

八、试问下列图 2 电路能否正常工作? 能正常工作的请写出其输出函数, 不能正常工作的, 请说明理由。图 2(A)、(B) 中门为 TTL 门电路, 2(C)、(D) 中门为 CMOS 门电路。(共 16 分, 每小题 4 分)

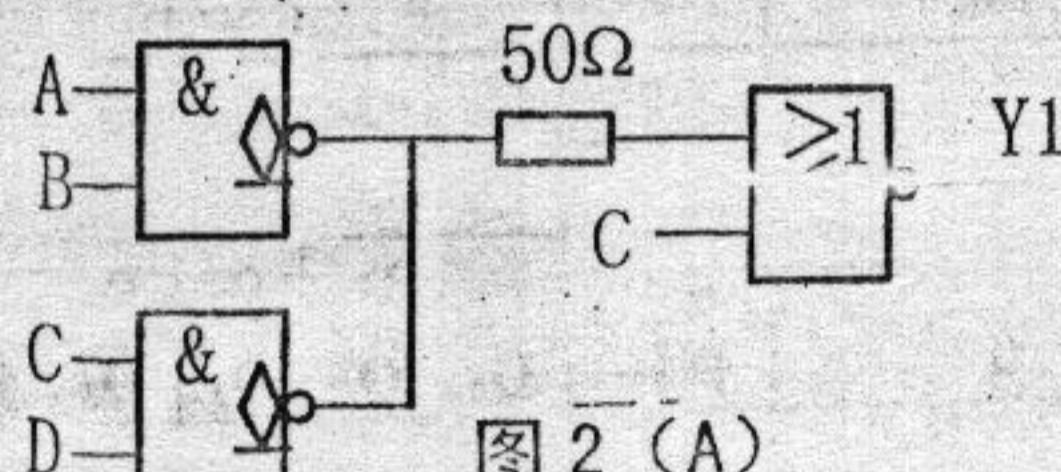


图 2 (A)

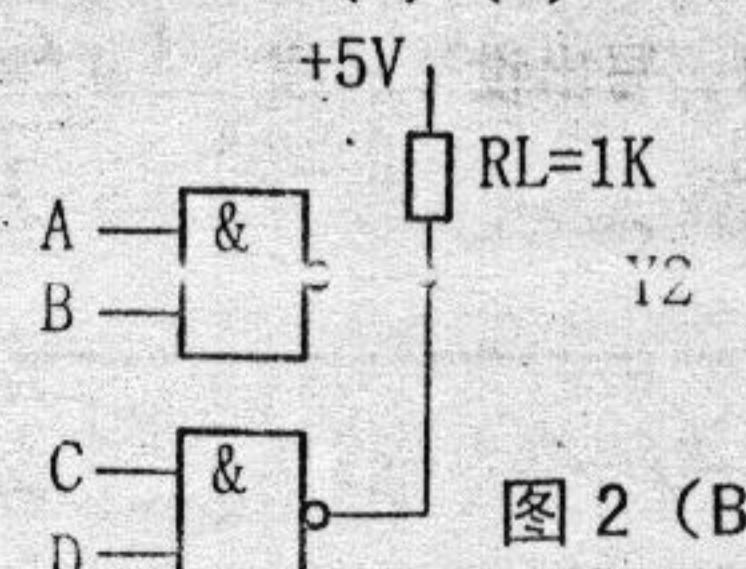


图 2 (B)

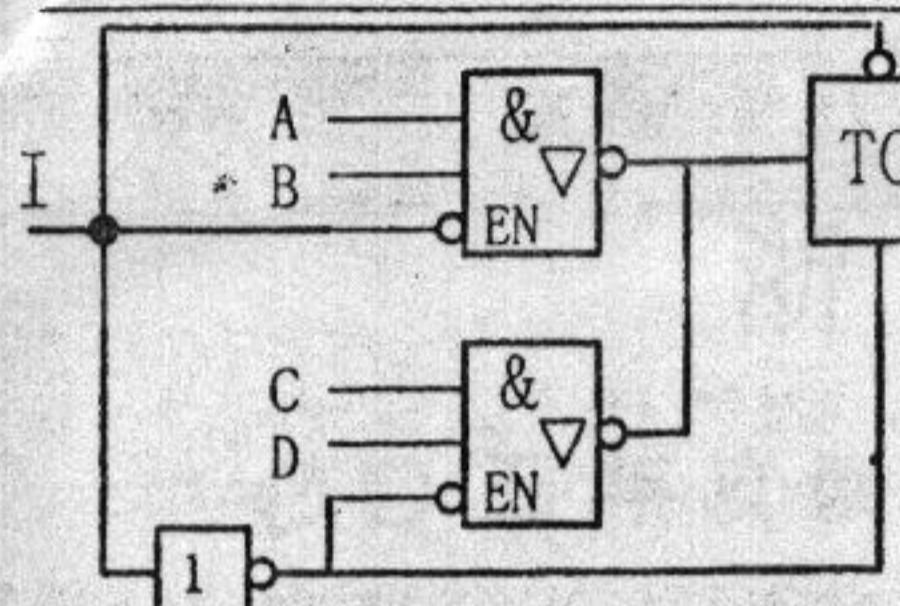


图 2 (C)

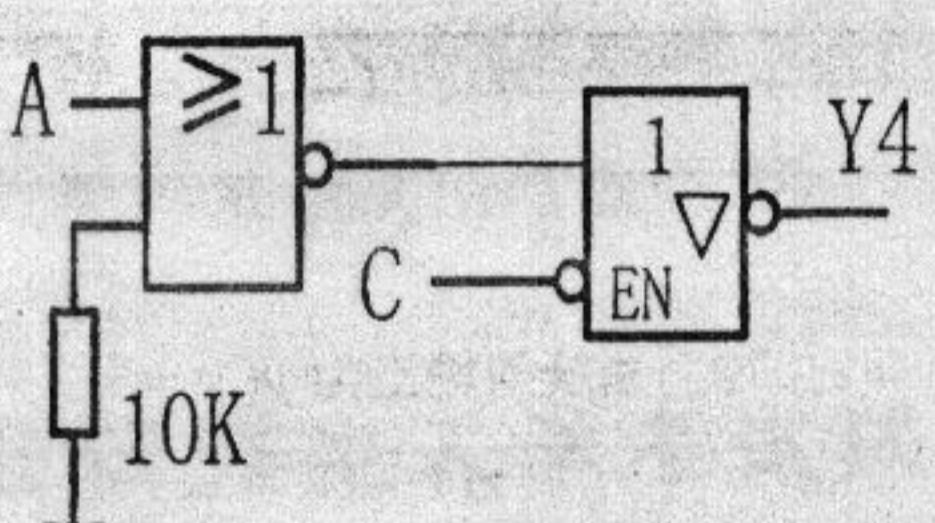


图 2 (D)

九、用 2-10 进制优先编码器 74LS147 和同步十进制计数器 74LS160 及其他必要的器件组成可控分频器，当输入控制信号 A、B、C、D、E、F、G、H 分别为低电平时，输出脉冲与时钟脉冲的分频比分别为  $1/9$ 、 $1/8$ 、 $1/7$ 、 $1/6$ 、 $1/5$ 、 $1/4$ 、 $1/3$ 、 $1/2$ 。请画出电路图。74LS147 逻辑图如图 3(a) 所示。74LS160 逻辑图如图 3(b)，功能如表一所示， $Q_3Q_2Q_1Q_0$  为输出端； $D_3D_2D_1D_0$  为置数数据输入端；C 为进位输出，在计数至 9 时输出一个时钟周期的高电平。(16 分)

表一 74LS160 功能表

CP	$\overline{R_D}$	$\overline{LD}$	EP	ET	工作状态
$\times$	0	$\times$	$\times$	$\times$	置零
$\uparrow$	1	0	$\times$	$\times$	预置数
$\times$	1	1	0	1	保 持
$\times$	1	1	$\times$	0	保持(但 C=0)
$\uparrow$	1	1	1	1	计 数

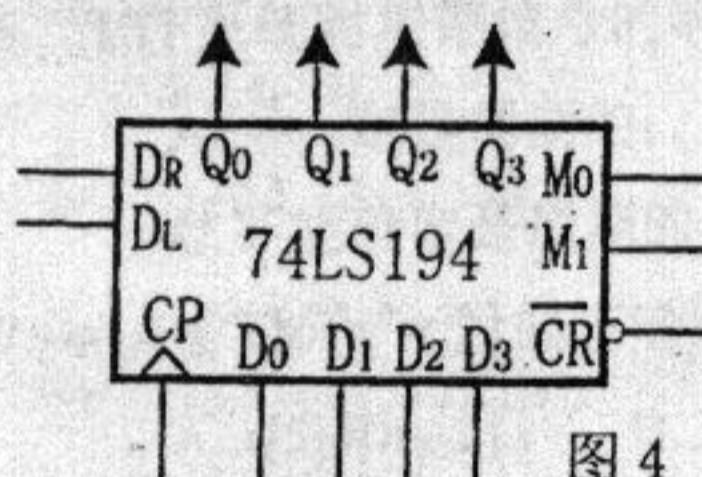


图 4

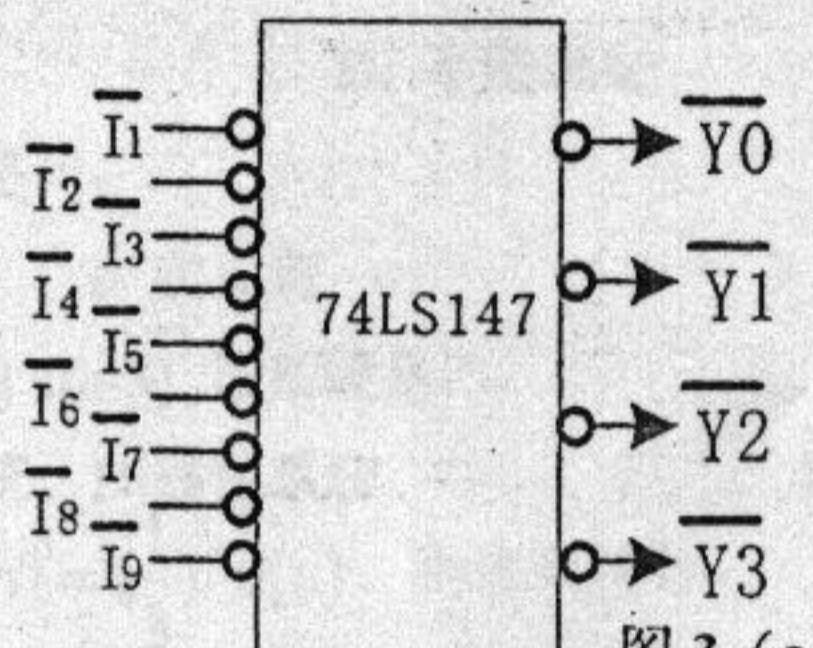


图 3 (a)

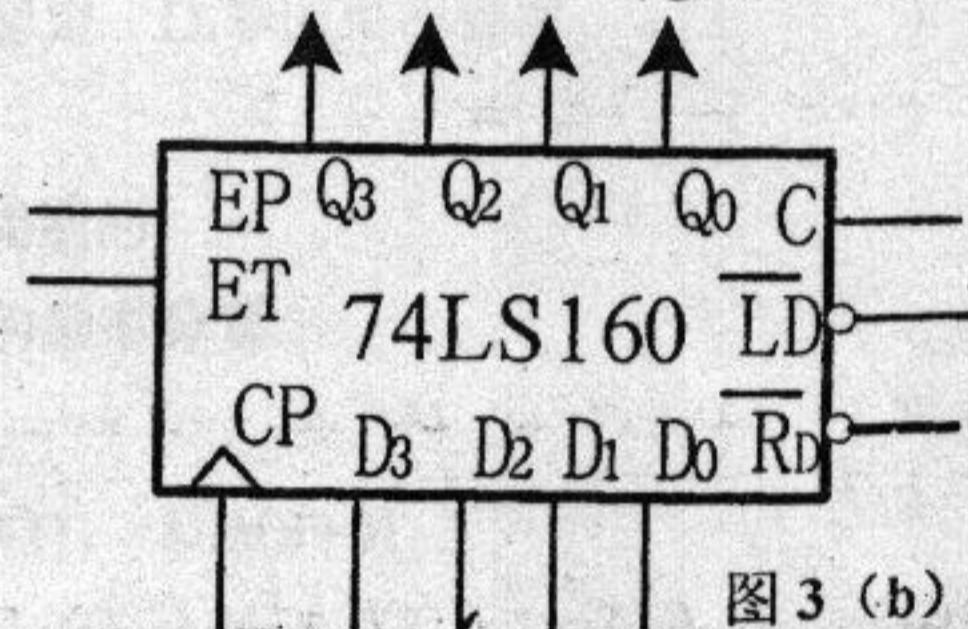


图 3 (b)

表二 74LS194 功能表

$\overline{CR}$	输入		CP	功能	输出			
	$M_1$	$M_0$			$Q_0$	$Q_1$	$Q_2$	$Q_3$
1	0	1	$\uparrow$	右移	$D_R$	$Q_0$	$Q_1$	$Q_2$
1	1	0	$\uparrow$	左移	$Q_1$	$Q_2$	$Q_3$	$D_L$
1	1	1	$\uparrow$	置数	$D_0$	$D_1$	$D_2$	$D_3$
1	0	0	$\uparrow$	保持	$Q_0$	$Q_1$	$Q_2$	$Q_3$
0	$\times$	$\times$	$\times$	清 0	0	0	0	0