

## 江苏大学 2008 年硕士研究生入学考试试题

科目代码: 853

科目名称: 信号与系统(含数字信号处理)

考生注意: 答案必须写在答题纸上, 写在试卷、草稿纸上无效!

## 一、简单计算题(共 80 分, 每题 8 分)

1. 已知信号  $f(t) = \sum_{m=-2}^2 [\delta(t-2m) - \delta(t-2m-1)]$ , 画出  $\int_{-\infty}^{\infty} f(t)dt$  的图形。

2. 计算下列积分的值。

(1)  $\int_{-\infty}^{\infty} e^{-2t} [\delta'(t) + \delta(t)] dt$ ;

(2)  $\int_{-\infty}^{\infty} (1-x) \delta'(x) dx$ 。

3. 某 LTI 系统, 其输入  $f(t)$  与输出  $y(t)$  的关系为

$$y(t) = \int_{-1}^{\infty} e^{-2(t-x)} f(x-2) dx$$

求该系统的单位冲激响应  $h(t)$ 。

4. 若已知  $f(t) \leftrightarrow F(j\omega)$ , 请证明对于实常数  $a(a \neq 0)$ , 有  $f(at) \leftrightarrow \frac{1}{|a|} F(j\frac{\omega}{a})$ 。

5. 有限频带信号  $f(t) = 2 + 2\cos(2\pi t) + \cos(4\pi t)$ , 若对信号  $f(t) * f(2t) + f^2(t)$  进行时域取样, 求最小取样频率  $f_s$ 。

6. 求下列函数的拉普拉斯变换。

(1)  $\int_0^{\infty} \int_0^{\infty} \sin(\pi x) dx \cdot d\tau$ ; (2)  $te^{-(t-3)} \varepsilon(t-1)$ 。

7. 如有两个序列

$$f_1(k) = \begin{cases} k+1, & k=0,1,2,3 \\ 0, & \text{其余} \end{cases}, \quad f_2(k) = \begin{cases} 1, & k=0,1,2 \\ 0, & \text{其余} \end{cases}$$

试求二序列的卷积和  $f(k) = f_1(k) * f_2(k)$ 。

8. 某 LTI 离散系统的系统函数为:

$$H(z) = \frac{z(z^3 - 4z^2 + \frac{9}{2}z + \frac{1}{2})}{(z - \frac{1}{2})(z-1)(z-2)(z-3)}$$

试指出  $H(z)$  所有可能的收敛域, 分别求出此系统在不同收敛域时的单位序列响应。

9. 检验多项式  $s^5 + 2s^4 + 2s^3 + 4s^2 + 11s + 10$  是否为霍尔维兹多项式。

10. 若某 LTI 系统的系统函数为

$$H(s) = \frac{s^2 + 4s + 5}{(s+1)(s^2 + 6s + 10)}$$

- (1)分析该系统是否为最小相移系统;
- (2)试求一极点在  $s$  左半平面的三阶系统函数  $H_1(s)$ , 使它满足和  $H(j\omega)$  幅频特性相同, 但相频特性不同;
- (3)试求一极点在  $s$  左半平面的三阶系统函数  $H_2(s)$ , 使它满足和  $H(j\omega)$  相频特性相同, 但幅频特性不同。

## 二、计算题(共 70 分)

1.已知描述系统的微分方程和初始状态如下:

$$y''(t) + 4y'(t) + 3y(t) = f(t), \quad y(0_-) = y'(0_-) = 1, \quad f(t) = \varepsilon(t),$$

- (1)求系统的零输入响应  $y_x(t)$  (4 分);
  - (2)求系统的零状态响应  $y_f(t)$  (4 分)。
  - (3)区分全响应中的自由响应、强迫响应、瞬态响应、稳态响应 (4 分);
- 2.若描述 LTI 系统的差分方程为

$$y(k) - y(k-1) - 2y(k-2) = f(k) + 2f(k-2)$$

已知  $y(-1) = 2$ ,  $y(-2) = -1/2$ ,  $f(k) = \varepsilon(k)$ ,

- (1)系统的零输入响应  $y_x(k)$  (4 分);
- (2)系统的零状态响应  $y_f(k)$  (4 分)。

3.如题图 1 所示电路, 已知  $u_s(t) = 12V$ ,  $L = 1H$ ,  $C = 1F$ ,  $R_1 = 3\Omega$ ,  $R_2 = 2\Omega$ ,  $R_3 = 1\Omega$ 。原电路已处于稳定状态, 当  $t = 0$  时, 开关  $S$  闭合, 求开关闭合 1 秒后  $R_1$  两端的电压  $y(t)$  (10 分)。

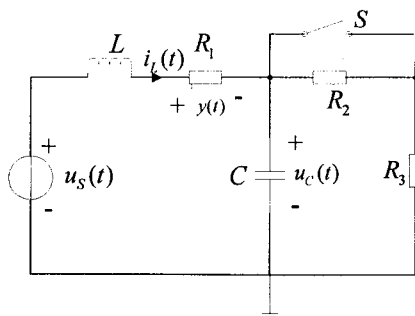


图 1

- 4.如题图 2(a)所示的离散 LTI 系统由两个乘法器与子系统 1 级联组成, 已知: 激励信号  $f(k) = k \cdot s(k)$ , 且  $s(k)$  的  $z$  域象函数  $S(z) = \ln(2z-1)$ ,  $|z| > \frac{1}{2}$ ; 子系统 1 为因果系统, 零极点分布如题图 2(b)所示, 且其单位序列响应  $h(0) = \frac{1}{2}$ ;
- (1)求  $f(k)$  的  $k$  域表达式 (4 分);
  - (2)求子系统 1 的系统函数  $H_1(z)$  (4 分);
  - (3)求系统输出响应  $y(k)$  (4 分);
  - (4)粗略绘出该系统的幅频响应曲线, 并说明系统的滤波特性 (3 分)。

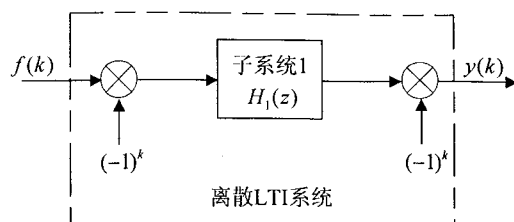


图 2(a)

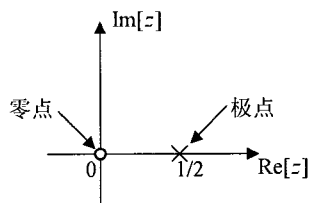


图 2(b)

5. 题图 3 所示的系统由两个子系统级联组成, 已知输入信号  $f(t) = \text{sgn}[\sin(\pi t)]$ , 子系统 1 的单位冲激响应  $h_1(t) = \frac{\sin^2(2\pi t)}{\pi t^2}$ , 子系统 2 的输出是其输入的平方, 即  $y(t) = y_1^2(t)$ ,

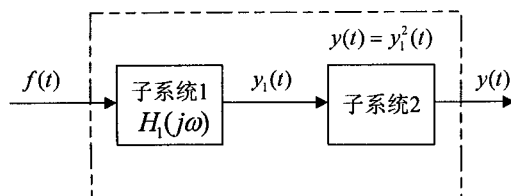


图 3

- (1) 在区间  $t \in (-2, 2)$  上画出  $f(t)$  的时域波形 (3 分);
- (2) 求子系统 1 的频率响应  $H_1(j\omega)$ , 并画出  $H_1(j\omega)$  的图形 (6 分);
- (3) 求子系统 1 的输出响应  $y_1(t)$  (4 分);
- (4) 判定子系统 1 具有何种滤波作用? 是否物理可实现? 对于本题中的激励信号  $f(t)$ , 子系统 1 是否为无失真传输系统? (3 分)
- (5) 求子系统 2 输出响应  $y(t)$  的频谱  $Y(j\omega)$  (4 分);
- (6) 指出子系统 2 输出响应  $y(t)$  中的直流分量大小 (2 分);
- (7) 判定子系统 2 是否为线性系统, 并说明原因 (3 分)。

附录 1. 参考公式:

1. 周期信号的傅立叶级数(指数形式)

$$f(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} F_n e^{jn\omega_0 t} \quad F_n = \frac{1}{T} \int_{-\frac{T}{2}}^{\frac{T}{2}} f(t) e^{-jn\omega_0 t} dt$$

2. 傅立叶变换(傅立叶积分)

$$F(j\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t) e^{-j\omega t} dt \quad f(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} F(j\omega) e^{j\omega t} d\omega$$

### 3. 傅立叶变换的性质(部分性质)

对称性	$F(j\omega)$	$2\pi f(-\omega)$
时域扩展与延迟性	$f(at - t_0)$	$\frac{1}{a} F(j\frac{\omega}{a}) e^{-j\frac{\omega}{a}t_0}$
频移性	$f(t)e^{j\omega_0 t}$	$F[j(\omega - \omega_0)]$
时域微分	$\frac{df(t)}{dt}$	$j\omega F(j\omega)$
频域微分	$(-jt)^{(n)} f(t)$	$F^{(n)}(j\omega)$
频域积分	$\frac{f(t)}{-jt}$	$F^{(-1)}(j\omega)$
时域卷积	$f_1(t) * f_2(t)$	$F_1(j\omega)F_2(j\omega)$
频域卷积	$f_1(t)f_2(t)$	$\frac{1}{2\pi} F_1(j\omega) * F_2(j\omega)$

4. 拉普拉斯变换  $F(s) = \int_{-\infty}^{\infty} f(t)e^{-st} dt$   $f(t) = \frac{1}{2\pi j} \int_{\sigma-j\infty}^{\sigma+j\infty} F_b(s) e^{st} ds$

### 5. 拉普拉斯性质(部分性质)

时域微分	$f^{(n)}(t)$	$s^n F(s) - \sum_{m=0}^{n-1} s^{n-1-m} f^{(m)}(0_-) \quad \text{Re}[s] > \sigma_0$
频移性	$f(t)e^{s_0 t}$	$F(s - s_0) \quad \text{Re}[s] > \sigma_0 + \sigma_a$
时域微分	$f^{(n)}(t)$	$s^n F(s) - \sum_{m=0}^{n-1} s^{n-1-m} f^{(m)}(0_-) \quad \text{Re}[s] > \sigma_0$

S 域微分	$(-t)^n f(t)$	$\frac{d^n F(s)}{ds^n}$
S 域积分	$\frac{f(t)}{t}$	$\int_s^{\infty} F(\eta) d\eta$

6. Z 变换  $F(z) = \sum_{k=0}^{\infty} f(k)z^{-k}$

### 7. Z 变换的性质(部分性质)

尺度扩展性	$a^k f(k)$	$F\left(\frac{z}{a}\right)$
单边移位	$f(k - m)$	$z^{-m} F(z) + \sum_{k=0}^{m-1} f(k - m)z^{-k}$
Z域微分	$k^m f(k)$	$[-z \frac{d}{dz}]^m F(z)$