

2010 年上海海事大学攻读硕士学位研究生入学考试试题

(重要提示: 答案必须做在答题纸上, 做在试题上不给分)

考试科目: 信号与系统, 总分 150 分, 考试时间: 3 小时

一. 选择题: (每题 4 分, 共 28 分)

1. 已知系统的激励 $f(t)$ 与响应 $y(t)$ 的关系为 $y(t) = e^{-t}x(0) + \int_{-\infty}^t \sin(\tau)f(\tau)d\tau$,

则该系统为: ()

A 线性时不变系统;

B 线性时变系统;

C 非线性时不变系统;

D 非线性时变系统

2. $(t+5)\frac{d}{dt}[(t-5)\delta(t)]$ 的傅立叶变换等于: ()

A 25;

B $5+25j\omega$;

C $5-25j\omega$;

D $25e^{j\omega}$;

E $25e^{-j\omega}$

3. 单边拉普拉斯变换 $F(s) = \frac{2s + e^{-2s}}{s}$ 的原函数等于: ()

A $2\delta(t) + \delta(t-2)$;

B $2\delta(t) + u(t-2)$;

C $2\delta(t-1) + u(t)$;

D $2\delta(t-1) + u(t-2)$;

E $2u(t-1) + u(t-2)$

4. 序列 $f(n) = [2^n - (-2)^n]u(n)$ 的 Z 变换 $F(z)$ 等于: ()

A $\frac{4}{(z-1)^2}$;

B $\frac{4z}{(z-2)^2}$;

C $\frac{4z^2}{(z-2)^2}$;

D $\frac{4z}{z^2-4}$;

E $\frac{4z^2}{z^2-4}$

5. 设 $f(t)$ 的频谱函数为:

$$F(j\omega) = \begin{cases} 1 & |\omega| \leq 4\pi \text{ rad/s} \\ 0 & |\omega| > 4\pi \text{ rad/s} \end{cases}$$

则对 $f^2(t)$ 进行均匀抽样的奈奎斯特频率为: ()

A 2Hz;

B 4Hz;

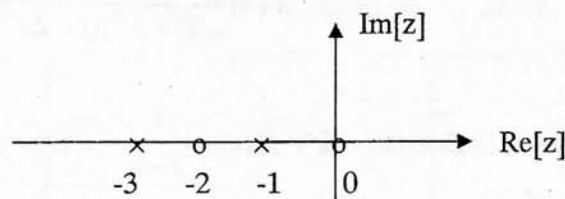
C 1Hz;

D 8Hz;

E 0.5Hz

6. 离散时间系统的系统函数 $H(z)$ 的零极点分布如图所示, 且已知 $H(\infty) = 4$, 则系统的单位样值响应 $h(n)$ 等于: ()

- A $2(1+3^n)u(n)$; B $2(1-3^n)u(n)$; C $2[1+(-3)^n]u(n)$;
D $2[(-1)^n+3^n]u(n)$; E $2[(-1)^n+(-3)^n]u(n)$



7. 函数 $f(t) = \frac{d}{dt}u(t-8)$ 的单边拉普拉斯变换 $F(s)$ 等于: ()

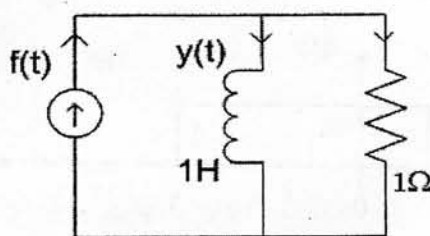
- A 8; B $\frac{8}{s}$; C $\frac{8}{s^2}$; D e^{-8s} ; E $\frac{1}{s}e^{-8s}$

二. 填空题 (每空 4 分, 共 32 分)

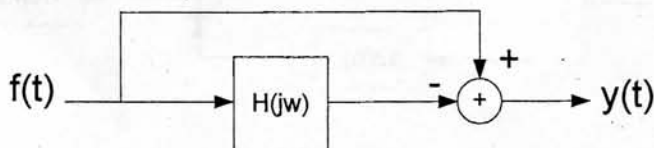
1. $\int_0^5 \sin(2\pi t) \delta(t+3) dt = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

2. 序列 $f(n) = 2^n \sum_{m=0}^{\infty} [2^m u(n-m)]$ 的单边 z 变换 $F(z) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

3. 如下图所示 RL 电路, 电流源输出电流为 $f(t)$, 系统的输出是流经电感的电流 $y(t)$ 。关联 $f(t)$ 和 $y(t)$ 的微分方程是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。



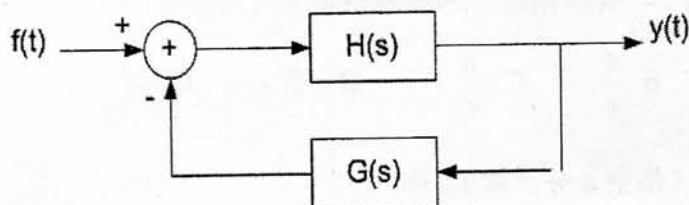
4. 如图所示系统, $H(j\omega)$ 是一个截止频率为 ω_p 的理想低通滤波器。那么该系统是一个理想 $\underline{\hspace{2cm}}$ 滤波器, 其截止频率是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。



5. 卷积 $f(n) = u(n+1) * [u(n-2) + \delta(n-1)] =$ _____。

6. 利用部分分式展开法求 $X(z) = \frac{1-2z^{-1}}{(1-z^{-1})(1+2z^{-1})}$, $|z| > 2$ 的反变换: _____。

7. 如图所示连续时间反馈系统, 其中 $H(s) = \frac{1}{s-1}$, $G(s) = s-b$, 为使该系统稳定, b 的取值范围是: _____。

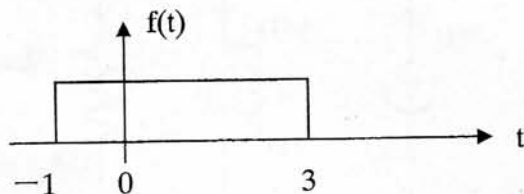


三. 计算题 (8 道题, 共 90 分)

1. 某线性时不变因果系统的输出 $y(t)$ 和输入 $f(t)$ 满足

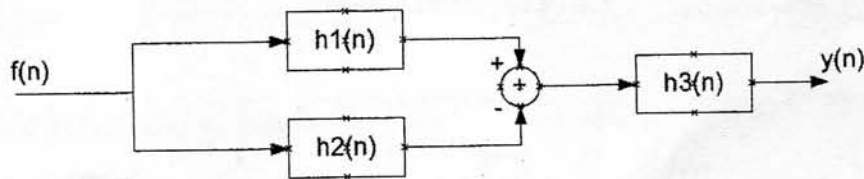
$$y(t) = \int_{-\infty}^t e^{-(t-\tau)} f(\tau-2) d\tau. \text{ 求: (1) 该系统的单位冲激响应 } h(t); \text{ (2) 若}$$

$f(t)$ 的波形如图所示, 求响应 $y(t)$ (12 分)



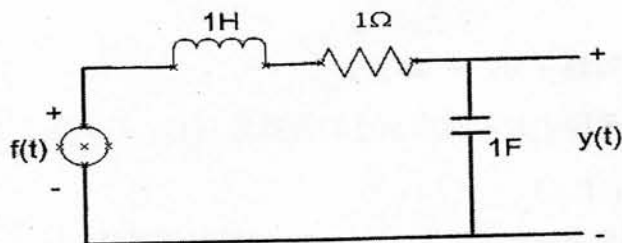
2. 如图所示系统由三个子系统组成, 且已知 $h_1(n) = u(n)$, $H_2(z) = \frac{z}{z+1}$,

$H_3(z) = \frac{1}{z}$, 求: 输入 $f(n) = u(n) - u(n-2)$ 时的零状态响应。 (10 分)



3. 如图所示 RLC 电路, $f(t)$ 为输入电压, 输出 $y(t)$ 为电容器两端的电压。求:

(1) 系统的频率响应; (2) 若 $f(t) = \sin(t)$, 求输出 $y(t)$ (12 分)

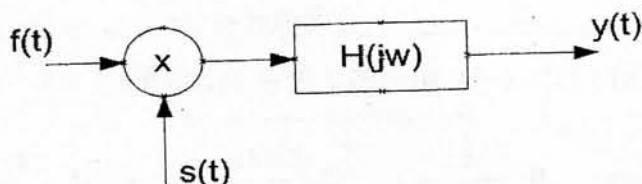


4. 一线性时不变连续系统的频率响应函数为 $H(j\omega) = \frac{12 - \omega^2 + j4\omega}{2 - \omega^2 + j3\omega}$, 当系统输入

$f(t) = e^{-4t}u(t)$ 时, 求系统的零状态响应 $y_f(t)$ 。(8 分)

5. 如题图所示系统, 已知 $f(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} e^{j2nt}$, $n = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$, $s(t) = \cos 2t$,

$H(j\omega) = \begin{cases} \frac{1}{2}, & |\omega| \leq 3 \text{ rad/s} \\ 0, & |\omega| > 3 \text{ rad/s} \end{cases}$ 。求输出 $y(t)$ 。(12 分)



6. 已知因果离散系统的差分方程为: $y(n) - \frac{1}{2}y(n-1) = f(n)$ 。要求:

(1) 画出系统的结构框图; (2) 求系统的单位样值响应 $h(n)$; (3) 若系统的

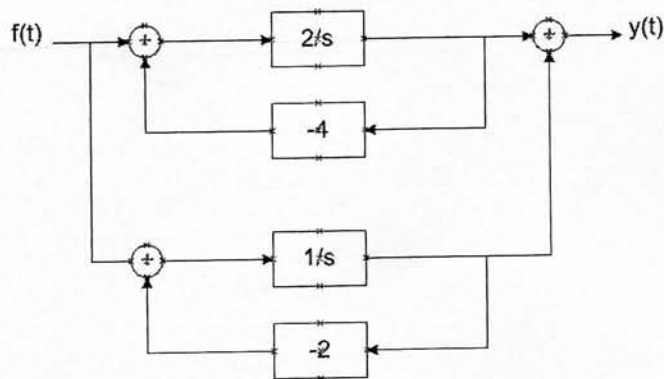
零状态响应为 $y_f(n) = 2 \left[\left(\frac{1}{2} \right)^n - \left(\frac{1}{3} \right)^n \right] u(n)$, 求激励信号 $f(n)$, 并指出 $y_f(n)$

中的自由响应, 强迫响应, 稳态响应及暂态响应各分量; (4) 画出系统函数

$H(z)$ 的零极点分布图及幅频特性 $|H(e^{j\Omega})|$ 曲线。

(16 分)

7. 如图所示 LTI 系统, (1) 试确定该系统的输入和输出的微分方程; (2) 求系统的冲激响应; (3) 画出该系统的零极点的分布图; (4) 判断该系统是否稳定。(12 分)



8. 电路如图所示, 以电容两端电压 $v_c(t)$ 作为输出。以 $x_1(t) = i_L(t)$, $x_2(t) = v_c(t)$ 作为状态变量, 列写出系统的状态方程和输出方程。(8 分)
注: 系统以 $v_s(t)$ 与 $i_s(t)$ 作为两个激励源

