

## 2002 年硕士研究生入学考试试卷

考试科目: 518 数字信号处理

第 1 页 共 2 页

请写出: 1、考生须携带的有关用品:

2、对考生的具体要求:

一、. 填空(30 分, 每小题 3 分):

1. 试判断系统  $y[k] = k^2 f[k+1]$  是否为线性、因果、时不变和稳定\_\_\_\_\_。
2. 已知一 IIR 滤波器的  $H(z) = \frac{0.9 + z^{-1}}{1 + 0.9z^{-1}}$ , 试判断滤波器的类型为\_\_\_\_\_。
3. 已知一实信号  $f(t)$ , 该信号的最高频率为  $f_m = 20\text{Hz}$ , 用  $f_s = 60\text{Hz}$  对  $f(t)$  进行取样。如对抽样信号做 100 点的 DFT, 试确定  $F[m]$  中,  $m=60$  点所对应原连续信号的连续频谱点为\_\_\_\_\_ Hz。
4. 已知序列  $f[k] = \{-2, 2, 3, -1; k=0, 1, 2, 3\}$ , 序列长度  $N=4$ , 写出序列  $f[(2-k)_N]R_4[k]$  的值  
\_\_\_\_\_。
5. 已知一离散系统的  $H(z) = \frac{0.6(1 + z^{-1})}{1 + 0.2z^{-1}}$ , 则信号  $f[k] = \cos(0.9\pi k)u[k]$  通过该系统的稳态响应为  
\_\_\_\_\_。
6. 一稳定 LTI 系统的  $H(z) = \frac{1 + z^{-1}}{1 + 2.6z^{-1} + 1.2z^{-2}}$ ,  $H(z)$  的收敛域为\_\_\_\_\_, 该系统是  
否为因果系统\_\_\_\_\_。
7. 已知  $f[k] = \{1, 2, 2, 1; k=0, 1, 2, 3\}$ ,  $h[k] = \{1, 0, -1; k=0, 1, 2\}$ ,  $f[k]$  和  $h[k]$  的 4 点循环卷积为  
\_\_\_\_\_。
8. 已知 8 点的有限序列  $f[k] = \{1, 2, 3, 4; k=0, 1, 2, 3\}$ ,  $g[k] = \{3, 2, 4; k=0, 1, 2\}$ , 计算它们的卷积和  
 $f[k]*g[k] =$  \_\_\_\_\_。
9. 设  $H(z)$  是线性相位 FIR 系统, 已知  $H(z)$  中的 3 个零点分别为 1, 0.8,  $1+j$ , 该系统阶数至少为  
\_\_\_\_\_。
10. 已知 10 点的有限序列  $x[k]$  和  $h[k]$  的非零范围分别为  $0 \leq k \leq 9$  和  $7 \leq k \leq 9$ 。  $x[k]$  和  $h[k]$  的 10 点循环卷积记为  $g[k]$ , 线性卷积记为  $y[k]$ 。试确定在哪些点上有  $y[l] = g[k]$   
\_\_\_\_\_。

二、(15 分)

(a) 画出  $N=4$  时域抽取的 FFT 的流图。(b) 利用(a)中的结果画出  $N=4$  时的 IFFT 的流图。(c) 已知一 8 点序列  $x[k]$  的 DFT 为  $X[m] = \{11, 3, -5, 3, 3, 3, -5, 3\}$ , 试用(b)中流图计算  $x[2k]$  的值。

三、(15 分) 已知一理想带通滤波器的频幅响应为

$$|H_{BP}(e^{j\Omega})| = \begin{cases} 1 & 0.4\pi \leq |\Omega| \leq 0.6\pi \\ 0 & \text{其它} \end{cases}$$

现要设计一个实系数线性相位的 FIR 滤波器  $H_d(z)$ , 使得  $|H_{BP}(e^{j\frac{2\pi m}{N}})| = |H_d(e^{j\frac{2\pi m}{N}})|$ 。(a) 取  $N=9$  时, 试写出  $H_d(e^{j\frac{2\pi m}{N}})$  的取值。(b) 求出  $N=9$  时  $h[k]$  的表示式, 并判断是否满足线性相位条件。

(c) 画出该滤波线性相位直接型结构框图。



# 2002 年硕士研究生入学考试试卷

46

考试科目: 518 数字信号处理

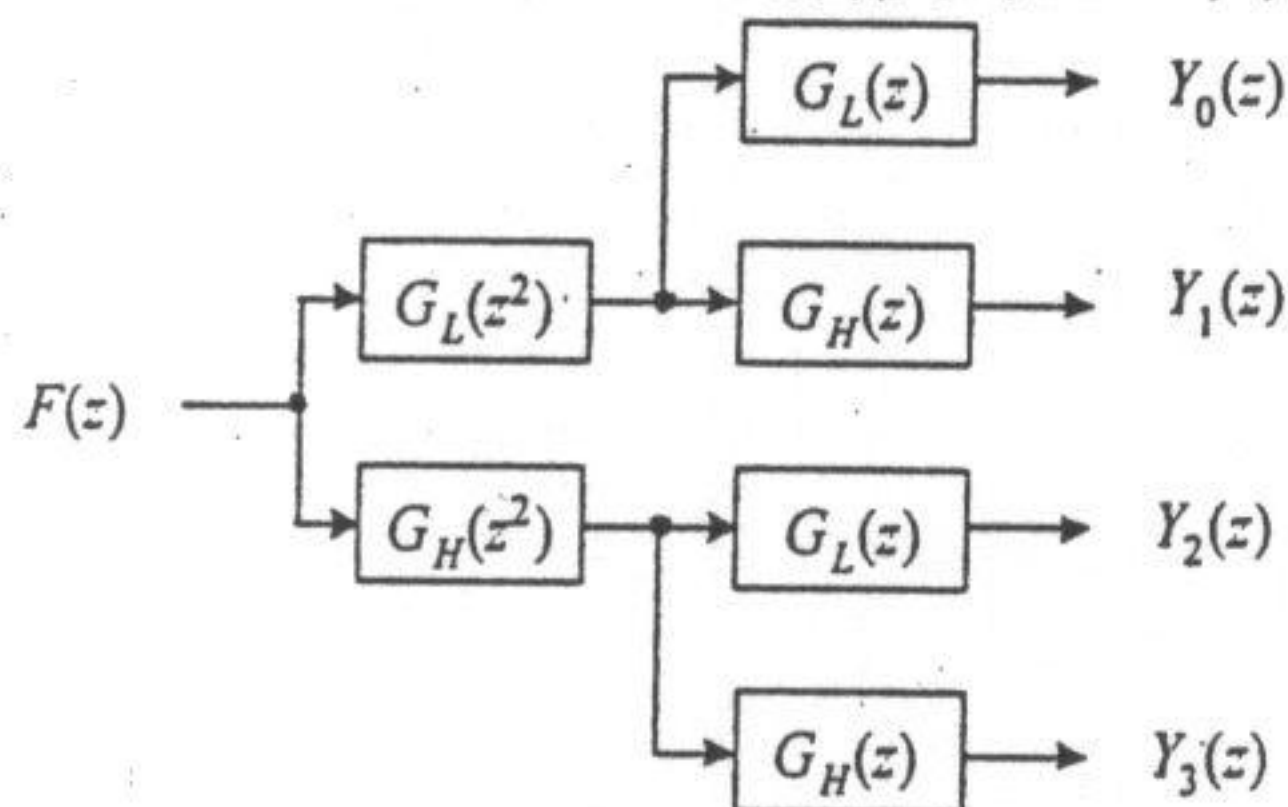
第 2 页 共 2 页

请写出: 1、考生须携带的有关用品:

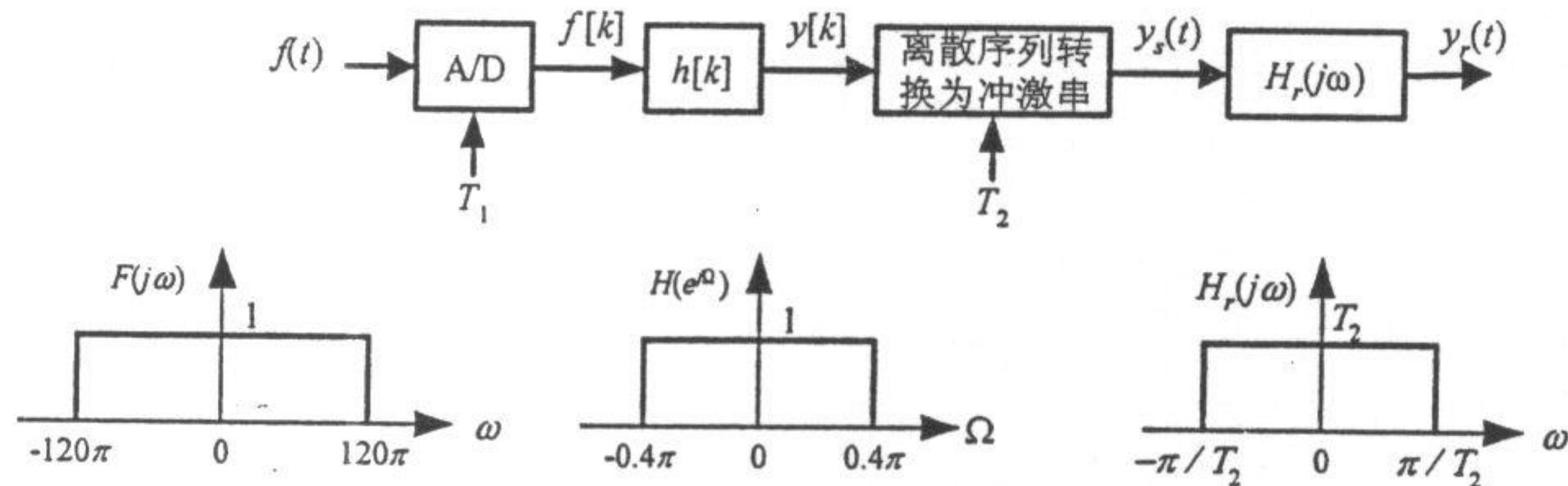
2、对考生的具体要求:

四、(15 分)利用 Butterworth 模拟滤波器和双线性变换法, 设计一个 3db 截频  $\Omega_p=0.5\pi\text{rad}$ , 阶数为 3 的数字高通滤波器。并画出  $H(z)$  的直接型结构图。(15 分)

五、(10 分)设  $G_L(z)$  和  $G_H(z)$  分别表示截频  $\Omega_c=\pi/2$  理想低通和高通滤波器。试确定如图所示的离散时间系统的传输函数  $H_k(z)=Y_k(z)/F(z)$ ,  $k=0,1,2,3$ 。并画出  $H_k(z)|_{z=e^{j\Omega}}$ ,  $k=0,1,2,3$  的波形。



六、(15 分)利用数字系统处理模拟信号的框图如下所示。其中  $F(j\omega)$  为连续信号的频谱,  $H(e^{j\Omega})$  是离散系统的频率响应,  $y_s(t) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} y[k]\delta(t-kT)$ 。  $H_r(j\omega)$  是 D/A 中的重建滤波器。



(a) 当  $T_1=T_2=0.01$  秒。试画出信号  $f[k]$ ,  $y[k]$ ,  $y_s(t)$ ,  $y_r(t)$  的频谱。

(b) 当  $T_1=0.01$  秒,  $T_2=0.02$  秒, 重画信号  $y_s(t)$ ,  $y_r(t)$  的频谱。和(a)中的结果比较, 你能得到哪些结论?