

# 2012 年硕士研究生入学考试大纲

考试科目名称：**数学分析**

一、考试要求：

## 1. 极限与连续：

- ①. 掌握数列极限和函数极限的基本理论与性质，会用极限的定义与性质证明或计算一般极限方面的命题.
- ②. 掌握函数连续性定义与性质，会用函数连续性定义与性质证明相关的命题和结论.
- ③. 了解实数的基本定理，会用实数的基本定理证明相关的命题和结论.

## 2. 一元函数微积分及其应用：

- ①. 掌握一元函数微分学的基本理论与性质，会用导数的定义与性质讨论或证明相关的命题和结论. 掌握一元函数常见的求导方法，会求一元函数各阶导数.
- ②. 掌握导数与微分中值定理及其应用，会用微分中值定理证明相关的命题和结论. 会用导数与微分的基本性质讨论函数的单调性，凹凸性，极值. 掌握罗比塔法则，会利用罗比塔法则计算或讨论相关的命题和结论.
- ③. 掌握原函数、不定积分、定积分的概念与性质，掌握常见的不定积分与定积分计算方法，掌握变上限定积分定义的函数及其求导方法，掌握牛顿—莱布尼兹公式.
- ④. 会利用定积分表达或计算一些几何量与物理量，如平面图形的面积、平面曲线的弧长、旋转体的体积及表面积、质心、变力做功、压力等.

## 3. 多元函数微积分学：

- ①. 掌握多元函数的极限和连续的基本理论与性质，偏导数和全微分，链式法则，隐函数存在定理及隐函数求导法则，极值和条件极值.
- ②. 掌握二重积分、三重积分、曲线积分、曲面积分的概念与性质，掌握格林公式、高斯公式、斯托克司公式，会利用有关的性质与公式计算或证明相关的命题和结论. 会利用重积分、曲线积分表达或计算一些几何量与物理量，空间曲线的弧长、立体的体积、质心、引力等.

## 4. 级数理论与广义积分：

- ①. 掌握数项级数、函数项级数、幂级数、傅里叶级数的基本理论与性质，掌握函数项级数、幂级数、傅里叶级数的各种收敛理论与性质，会利用常见的判别方法判断各类级数的敛散性，会利用常见幂级数、傅里叶级数计算数项级数的和.
- ②. 掌握一元函数的广义积分的基本理论与性质，会利用常见的判别方法讨论无穷限广义积分，无界函数广义积分，含参变量的广义积分的敛散性.
- ③. 理解广义重积分的基本理论与性质，会计算简单的广义重积分.

二、考试内容：

### 1) 极限与连续：

- a: 数列极限、函数极限的定义与性质，利用定义与性质证明或计算一般极限方面的命题.
- b: 函数连续、一致连续的定义与性质，利用定义与性质证明或计算一般极限方面的命题.
- c: 实数基本定理，闭区间上函数连续的性质及其应用.

### 2) 一元函数微积分及其应用：

- a: 一元函数各阶导数的定义与性质，导数与微分中值定理及其应用：微分中值定理，泰勒公式，函数的单调性，凹凸性，极值，罗比塔法则. 利用有关定义微分学的基本理论与性质，讨论或证明相关的命题和结论.
- b: 一元函数积分及其应用：不定积分，定积分，平面图形的面积，曲线的长，旋转体的体积及表面积、质心.
- c: 原函数、不定积分、定积分的概念与性质，不定积分与定积分计算方法，变上限定积分定义的函数及其求导. 利用有关定义微分学的基本理论与性质，讨论或证明相关的命题和结论.

### 3) 多元函数微积分学:

a: 多元函数的极限和连续的基本理论与性质, 偏导数和全微分, 链式法则, 隐函数存在定理及隐函数求导法则, 极值和条件极值. 利用有关定义、基本理论与性质, 讨论或证明相关的命题和结论.

b: 二重积分、三重积分、曲线积分, 曲面积分的定义与性质, 格林公式, 高斯公式. 利用有关定义、基本理论与性质, 讨论或证明相关的命题和结论.

c: 计算多元函数的偏导数和全微分、二重积分、三重积分、曲线积分, 曲面积分.

### 4) 级数理论与广义积分:

a: 数项级数、函数项级数、幂级数、傅里叶级数的基本理论与性质, 数项级数、函数项级数、幂级数、傅里叶级数敛散性的判别. 利用有关定义、基本理论与性质, 讨论或证明相关的命题和结论.

b: 幂级数的收敛域, 将函数展成幂级数或傅里叶级数, 计算数项级数的和.

c: 一元函数的广义积分与广义重积分的基本理论与性质, 判别广义积分的敛散性. 利用有关定义、基本理论与性质, 讨论或证明相关的命题和结论. 计算一元函数的广义积分与简单的广义重积分. 讨论含参变量的广义积分的性质.

三、

### 四、试卷结构:

考试时间: 180 分钟, 满分: 150 分

#### 题型结构

a: 基本概念与理论 (含填空、选择与判断题) (40 分)

b: 证明题 (60 分)

c: 计算题 (50 分)

### 四、参考书目

1. 《数学分析》(上、下册), 复旦大学数学系: 陈传璋, 金福临, 朱学炎, 欧阳光中编, 高等教育出版社, 2004 年 7 月, 第二版.
2. 《数学分析》(上、下册), 郭大钧, 陈玉妹, 裘卓明编著, 山东科技出版社, 2002 年 8 月, 第二版.