

自我介绍：王德生 信号检测与处理研究所

电话：62781450

地点：东主楼 10 区 409

助教博士生：唐诚虎 10—409 Tel: 62781450

刘宇靖 10—409 Tel 62781450

关于本课程

What ?

课程名称：逻辑设计与数字系统

课程内容：数字电子技术基础

Why ?

学习目的： **振兴中华**

课程作用：

本课程是正在飞速发展的信息与电子科学技术领域的入门和基础

所有其它科学技术领域都强烈地倚赖电子科学技术

How ? 特点： **有用，有趣，不难，仔细。**

记好课堂笔记

做好课后作业

抓住基本概念

掌握工程方法

紧密联系实践

数字电子技术基础课程内容

- ◆ 数制与编码 2 学时
- ◆ 逻辑代数基础 3 学时
- ◆ 组合逻辑电路分析与设计 7 学时
- ◆ 时序逻辑电路分析与设计 16 学时
- ◆ 存储器与可编程逻辑器件 4 学时
- ◆ 数字系统基础 7 学时
- ◆ 数—模与模—数转换 3 学时
- ◆ 电子设计介绍 2 学时
- ◆ 机动 4 学时

考核与成绩

- ◆ 没有期中考试
- ◆ 课程作业占 20%，期末考试占 80%。

教材与参考书：

数字电路与系统

刘宝琴

清华

数字电子技术基础

阎石

清华

数字电路逻辑设计

王毓银

高教

数字设计引论

沈嗣昌

高教

影印原文教材：

数字逻辑电路分析与设计

清华

数字逻辑应用与设计

机械

逻辑与计算机设计基础

电子

第一章 绪论（参考书页 1—14）

1. 1 数字信号

—数字量和模拟量

模拟量：可以在一定范围内取任意实数值的物理量。如：温度、压力、距离和时间等。

数字量：在时间上和数量上都是离散的物理量。如：生产线上的零件数量，台阶的阶数。

—数字信号和模拟信号

模拟信号：表示模拟量的电信号。如：热电偶的电压信号，温度变化时，电压随之改变。

数字信号：表示数字量的电信号。

—数字电路和模拟电路

模拟电路：处理模拟信号的电路。如：运算放大器。

数字电路：处理数字信号的电路。如：计数

器等。

1. 2 数制

✧ 十进制数

$$157.13 = 1 \times 10^2 + 5 \times 10^1 + 7 \times 10^0 + 1 \times 10^{-1} + 3 \times 10^{-2}$$

$$\text{十进制一般形式: } (N)_{10} = \sum_{i=-m}^{n-1} K_i 10^i$$

K_i 为十进制数 0—9 中的任一数码。

N 、 M 为正整数， N 为整数数位， M 为小数数位。逢 10 进 1，借 1 当 10。

✧ 任意进制数

$$\text{一般形式: } (N)_R = \sum_{i=-m}^{n-1} K_i R^i$$

R : 数制基数

R^i : i 位权

K_i : i 位系数

$$\begin{aligned} (312.4)_5 &= 3 \times 5^2 + 1 \times 5^1 + 2 \times 5^0 + 4 \times 5^{-1} \\ &= 75 + 5 + 2 + 0.8 \\ &= (82.8)_{10} \end{aligned}$$

日常碰到十、十二、六十进制等。

数字电路常用二、八、十六进制等。为什么？

☆ 二进制数

一般形式： $(N)_2 = \sum_{i=-m}^{n-1} K_i 2^i$

基为 2，两个数码 0 和 1。

逢 2 进 1，借 1 当 2。

每个数位权为 2 地幂。

$$(101.01)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 0 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2}$$

表1.1二进制各位的权

二进制 位数	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1
权	2^{12}	2^{11}	2^{10}	2^9	2^8	2^7	2^6	2^5	2^4	2^3	2^2	2^1	2^0
(十进 制)	4096	2048	1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1

二进制 位数	-1	-2	-3	-4	-5	-6
权	2^{-1}	2^{-2}	2^{-3}	2^{-4}	2^{-5}	2^{-6}
(十进 制)	0.5	0.25	0.125	0.0625	0.03125	0.015625

☆ 八、十六进制数

一般形式： $(N)_8 = \sum_{i=-m}^{n-1} K_i 8^i$ 和 $(N)_{16} = \sum_{i=-m}^{n-1} K_i 16^i$ 。

基为 8 和 16。

8 进制 8 个数码 0—7。16 进制 16 个数码为 0—9、A、B、C、D、E、F。A—F 表示 10—15。

$$(127.4)_8 = (87.5)_{10}$$

$$(B65F)_{16} = (46687)_{10}$$

1.3 数制转换

(1) **R 进制** → **十进制**
按权展开 十进相加 (略)

(2) **十进制** → **R 进制**
整数部分与小数部分分开转换，整数部分除基取余，小数部分乘基取整。

例：将 $(153)_{10}$ 转换为八进制数。

$153/8=19+1/8$	余数=1	↑	最低位
$19/8=2+3/8$	=3		
$2/8=0+2/8$	=2	↑	最高位

$$(153)_{10} = (231)_8$$

例：将 $(41)_{10}$ 转换为二进制数。

$41/2=20+1/2$	余数=1	↑	最低位
---------------	------	---	-----

$$\begin{array}{ll}
 20/2=10 & =0 \\
 10/2=5 +1/2 & =0 \\
 5/2=2 +1/2 & =1 \\
 2/2=1 & =0 \\
 1/2=0 +1/2 & =1 \quad \text{最高位}
 \end{array}$$

$$(41)_{10} = (101001)_2$$

例：将 $(0.6875)_{10}$ 转换为二进制。

$$\begin{array}{llll}
 0.6875 \times 2 = 1.3750 & \text{取整} & =1 & \text{最高位} \\
 0.3750 \times 2 = 0.7500 & & =0 & \\
 0.7500 \times 2 = 1.5000 & & =1 & \\
 0.5000 \times 2 = 1.0000 & & =1 & \text{最低位}
 \end{array}$$

$$(0.6875)_{10} = (0.1011)_2$$

例：将 $(0.513)_{10}$ 转换为八进小数，
取小数三位。

$$\begin{array}{llll}
 0.513 \times 8 = 4.104 & \text{取整} & =4 & \text{最高位} \\
 0.104 \times 8 = 0.832 & & =0 & \\
 0.832 \times 8 = 6.656 & & =6 & \\
 0.656 \times 8 = 5.248 & & =5 & \text{最低位}
 \end{array}$$

$$(0.513)_{10} = (0.407)_8$$

最后位四舍五入

$$\text{与前例结合得 } (153.513)_{10} = (231.407)_8$$

(3) 基数为 2^k 进制互相转换

利用二进作媒介，分段转换。

例：将 $(BE.29D)_{16}$ 转换为八进制数。

$$\begin{aligned} (BE.29D)_{16} &= (\overbrace{10}^B \overbrace{111}^E \overbrace{110}^2 \overbrace{001}^9 \overbrace{010}^E \overbrace{011}^9 \overbrace{101}^E)_2 \\ &= (2 \ 7 \ 6 \ . \ 1 \ 2 \ 3 \ 5)_8 \end{aligned}$$

例：将 $(276.1235)_8$ 转换为 16 进制数。

$$\begin{aligned} (276.1235)_8 &= (0 \overbrace{1011}^2 \overbrace{1110}^7 \overbrace{0010}^6 \overbrace{1001}^1 \overbrace{1101}^2)_2 \\ &= (B \ E \ . \ 2 \ 9 \ D)_{16} \end{aligned}$$

(4) 任意进制相互转换

可以以 10 进为媒介，先转换为 10 进制，再转换为所需进制。(略)

1. 4 二值编码

为信息交换，用二进两个码元 0、1 按约定表示数和文字，称为二值编码。代码所含位数为码长。

(1) 十进制代码 (BCD 码)

用四位二进制表示十进数符，可有 2.9×10^{10} 种编码方案。

8421、2421BCD 码为有权码。

注意：(0011 1001 0101)₈₄₂₁ \neq (001110010101)₂

(2) 格雷码

格雷码相邻码只有一位不同。且有循环性与反射性。

(3) ASCII 码

用五或七位二进制数表示数字、字母和符号。

表 1.3 常见的十进制代码

十进制	8.4.2.1BCD 码	2.4.2.1 码	余 3 码	余 3 格雷码
0	0000	0000	0011	0010
1	0001	0001	0100	0110
2	0010	0010	0101	0111
3	0011	0011	0110	0101
4	0100	0100	0111	0100
5	0101	1011	1000	1100
6	0110	1100	1001	1101
7	0111	1101	1010	1111
8	1000	1110	1011	1110
9	1001	1111	1100	1010

(4) 可靠性编码

检错码。5 中取 2 码。增加码位。

奇偶校验码。增加码位。可分离码。

Berger 码。检单向多错，用位少。

纠错码。增加码位，定位检错。

1.5 算术运算 (参考书页 P142—144)

二进制加、减、乘与 10 进制规则同，但进借位权不同。逢 2 进 1，借 1 当 2。

为运算方便，数字系统常采用反码和补码。

✧ 二进制原码、补码、反码。

原码：自然二进制数。

补码：（全称为 2 的补码）

如 n 位二进原码为 N ，则有：

$$[N]_{\text{补}} = 2^n - N$$

反码：（全称为 1 的补码）

$$[N]_{\text{补}} = (2^n - 1) - N$$

例：原码 1001

反码 $10000 - 1 - 1001$

$= 0110$

补码 $10000 - 1001$

$= 0111$

■ 二进反码，各位取反。

■ 二进补码，反码加 1。

■ 反码的反码为原码。

■ 补码的补码为原码。

✧ 二进制正、负数表示

符号位 0 为正，1 为负。

正数的原码、反码、补码均相同，符号位为 0，数值位为正数本身。

负数的原码、反码、补码的符号位均为 1，数值位分别为其绝对值的原码、反码、补码。

这种规定的好处是只用加法就可实现加减运算。其规则是连同符号位求反或补的两数相加之和即为其结果的反或补。产生溢出时，反码运算则循环进位，补码运算则舍弃。

【26】_反 = 00011010

【-21】_反 = +11101010

$$\begin{array}{r} 100000100 \\ + \quad \quad \quad 1 \\ \hline 00000101 \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{循环进位} \\ = \text{【+5】}_{\text{反}} \end{array}$$

【21】_反 = 00010101

【-26】_反 = + 11100101

$$11111010 = \text{【-5】}_{\text{反}}$$

例：补码求 26-21。

$$【26】_{补} = 00011010$$

$$【-21】_{补} = + 11101011$$

$$\text{进位舍弃} \quad \begin{array}{r} 00011010 \\ + 11101011 \\ \hline 100000101 \end{array} = 【+5】_{补}$$

例：补码求 21-26。

$$【21】_{补} = 00010101$$

$$【-26】_{补} = + 11100110$$

$$\begin{array}{r} 00010101 \\ + 11100110 \\ \hline 11111011 \end{array} = 【-5】_{补}$$